

Cas 1 : A l'aide d'une formule explicite

Exercice 1 : Soit (u_n) la suite définie par : $u_n = -n^2 + n - 2$ et (v_n) la suite définie par $v_n = (-1)^n$.

1. Calculer à la main les 4 premiers termes des suites (u_n) et (v_n) , puis vérifier à l'aide de la calculatrice.

2. Que peut-on dire des termes d'indice pair et impair de la suite (v_n) ?

3. Compléter la fonction Python suivante pour qu'elle calcule le terme de rang n de la suite (u_n) :

```
def u(n) :  
    return u = .....
```

Remarques :

1. La suite (u_n) est de la forme $u_n = f(n)$, où f est la fonction définie par
2. On peut utiliser la calculatrice pour calculer les termes consécutifs d'une suite définie par une formule explicite (voir exercice résolu 1 page 56)

Cas 2 : Suites définies par récurrence

Exercice 2 : Soit (u_n) la suite définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 5 \\ u_{n+1} = \frac{u_n + 3}{2} \end{cases} \quad \text{pour tout } n \geq 0$$

1. Calculer à la main u_1 , u_2 et u_3 , puis vérifier à l'aide de la calculatrice.

2. Compléter la fonction Python suivante pour qu'elle calcule le terme de rang n de la suite (u_n) :

```
def u(n) :  
    u = ...  
    for i in range (.....) :  
        u = .....  
    return u
```

Remarques :

1. On a donc $u_{n+1} = g(u_n)$ où g est la fonction définie par
2. On peut utiliser la calculatrice pour calculer les termes consécutifs d'une suite définie par une formule explicite (voir exercice résolu 2 page 56)

Exercice 3 : Pour aller plus loin

Soit (v_n) la suite définie par :

$$\begin{cases} v_0 = 2 \\ v_{n+1} = -v_n + 2n \end{cases} \quad \text{pour tout } n \geq 0$$

1. Calculer à la main v_1 , v_2 et v_3 , puis vérifier à l'aide de la calculatrice.

2. Écrire une fonction Python qui calcule le terme de rang n de la suite (v_n) :